

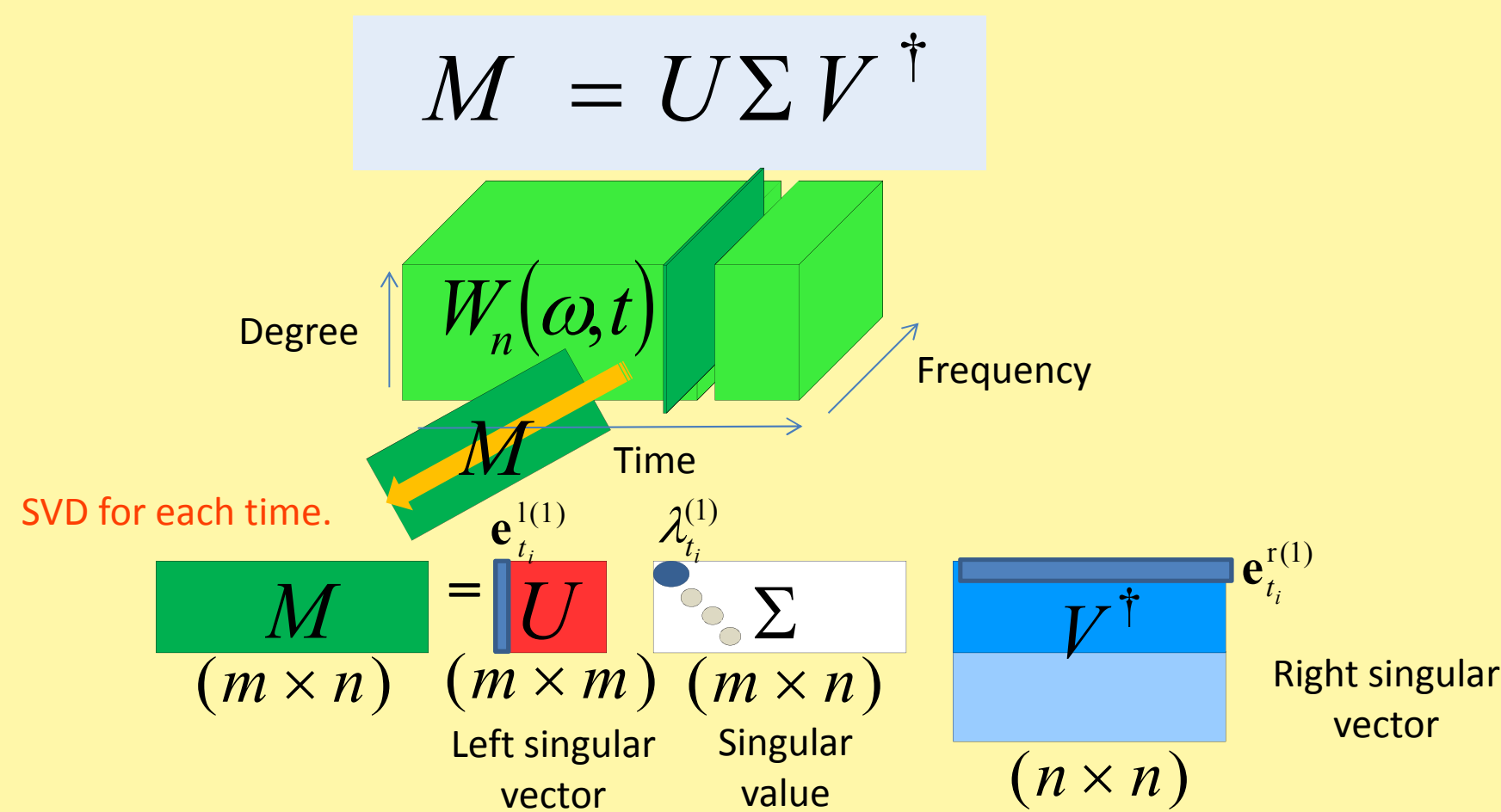
## 生体分子機能が、揺らぐ環境下、頑健に発現する動力的機構を解明する

生体分子機能とは、揺らぐ外界の下、刺激に対する応答としての階層的集団運動が、分子自身の非線型動力学により頑健かつ自発的に形成され、それがさらに一連の構造変化・化学反応を動的に誘起すること。その動力的機構を理解するため、分子動力学計算で得られる大規模時系列データから、様々な階層的集団運動を抽出し、それらの集団運動の動力的な特性と機能との関連を明らかにする。

### 階層的集団運動を抽出する「データマイニング」

タンパク質分子の2次構造・3次構造と階層的集団運動との対応を明らかにし、特に近年新たに提唱されているfly-casting 機構の動力的側面など、機能発現における「運動と構造」の関連を解明する。

そのために、ウェーブレット変換や特異値分解などを応用し、集団運動を抽出する「データマイニング」の新たな手法を開拓する。左特異ベクトルは空間、右特異ベクトルは周波数の情報を表す。



### 集団運動に対するカーネル解析1:

(位相コヒーレンスを考慮するカーネル)

集団運動の非線形な特徴づけを目指して、カーネル関数を導入する。ウェーブレット変換で得られる複素振幅ベクトルに対して、その相似性を表すカーネルを導入する。良く用いられるガウスカーネルは、

$$k_1(W_1, W_2) = \exp(-\|W_1 - W_2\|^2 / 2\sigma^2)$$

である。ただし振幅を表す複素ベクトルを考えているので、カーネルの位相に関する特性に注目する。ここで導入するカーネルは、

$$k(W_1, W_2) \neq k(W_1, W_2 e^{i\theta})$$

に着目すると、位相のずらしに関して不変ではない。これは、周囲の環境などの影響に依る「コヒーレンスの破れ」があれば、「相似ではない」と判断するカーネル関数であると言える。

### 集団運動の張る線形空間の時間変動

集団運動の張る線形空間は、時々刻々と変動する。その相似性を測る指標として、下記の二つを考えている。

$$\text{幾何学的相似性 (指標 1)} : \frac{1}{N} \sum_{k=1}^N \sum_{l=1}^N |\langle u_k, v_l \rangle|^2$$

縮約可能性を考慮した相似性 (指標 2) :

$$\frac{\sum_{k=1}^N \sum_{l=1}^N \lambda_k \mu_l |\langle u_k, v_l \rangle|^2}{\sum_{k=1}^N \lambda_k \mu_k}$$

ここで、 $\{u_k\}_{k=1}^N$  と  $\{v_k\}_{k=1}^N$  は、それぞれ異なる時刻における集団運動の成すベクトルである。このような指標を用いることで、集団運動の張る線形空間の不変な部分空間の次元と運動方向、あるいは逆に、時間変化する運動方向を抽出できると予想している。

### 集団運動に対するカーネル解析2:

(位相コヒーレンスを考慮しないカーネル)

集団運動の非線形な特徴づけを目指して、カーネル関数を導入する。上と同様に、ウェーブレット変換で得られる複素振幅ベクトルに対して、その相似性を表すカーネルを導入するが、ここでは位相ずらしに関して不変なカーネル、

$$k_2(W_1, W_2) = \exp(-|\langle W_1 | W_2 \rangle|^2 / 2\sigma^2)$$

を考える。このカーネルは、

$$k(W_1, W_2) = k(W_1, W_2 e^{i\theta})$$

という不変性を持っており、位相コヒーレンスが破れていても、振動成分の空間方向が同じ向きであれば相似と判断する。

以上の2種類のカーネルを用いたクラスター解析により、位相コヒーレンスの効果が集団運動の特性にどう影響するか、さらに分類された特性の間の時間変化を解析し、線形解析との比較を行う。