jh170022-NAJ

海溝型巨大地震を対象とした 大規模並列地震波・津波伝播シミュレーション

竹中博士 (岡山大学)

概要 本課題研究では時間領域差分法にもとづいて、沈み込み帯の巨大地震への応用を 目的とした大規模地震波・津波伝播シミュレーション手法に関する研究に取り組んでい る。今年度は次の研究を進めた。[1] 南西諸島城の地球内部構造モデル(§5.1) 南西 諸島域を先島諸島周辺と奄美群島 - 沖縄諸島域周辺の二つの地域に分けて、地盤探査結 果も踏まえて3次元地球内部構造モデルを作成した。そして先島諸島地域(§5.1.1)と 奄美群島 - 沖縄諸島地域(§5.1.2)のそれぞれを対象とした大規模地震波伝播シミュレ ーションを東大 FX10 により実施した。その結果、沖縄本島の沖では厚い堆積物のため に波動伝播に著しい遅れが現れること、短周期側波形の特徴は計算波形によってある程 度までは再現できること、などの知見を得ることができた。[2] 東北沖の構造モデルの 考察(§5.2) TSUBAME-2.5 および 3.0 による大規模地震波伝播シミュレーションの 結果を用いた FAMT 解析により、東北沖の日本海溝で発生した小地震(M~6)の最適地 震パラメータを推定した。その最適パラメータのもとで観測地震波波形の再現性を検討 した。その結果、現状の構造モデルでは周期 10 秒程度以下では再現性が低下すること を確認した(§5.2.1)。また、境界面形状の摂動に関する波形の感度を表す積分カーネル を生成するための大規模シミュレーションも実施した(§5.2.2)。

- 1. 共同研究に関する情報
- (1) 共同研究を実施した拠点名 東京大学 情報基盤センター 東京工業大学 学術国際情報センター
- (2) 共同研究分野
 - ☑ 超大規模数值計算系応用分野
 - ロ 超大規模データ処理系応用分野
 - ロ 超大容量ネットワーク技術分野
 - ロ 超大規模情報システム関連研究分野
- (3) 参加研究者の役割分担

岡山大学・大学院自然	研究代表者・地震波-
科学研究科・竹中博士	津波統合プログラムの
	開発・全体の統括
東京工業大学・学術国	副代表者・GPU 計算の
際情報センター・青木	最適化、大規模並列
尊之	化、可視化等への助言
東京工業大学・理学	副代表者・GPU 地震波
院・岡元太郎	プログラム開発と
	TSUBAME での計算
防災科学技術研究所·	共同研究者・地震波-
地震津波防災研究部	津波統合プログラムの
門・中村武史	開発

東北大学・地震・噴火	共同研究者・地震波-
予知研究観測センタ	津波統合プログラムに
ー・豊国源知	よる東大 FX10 での応
	用計算
岡山大学・大学院自然	構造モデル構築と東大
科学研究科・小松正直	FX10 による地震波・津
	波計算

2. 研究の目的と意義

日本列島は地球科学的に沈み込み帯として位 置付けられ、海溝型の巨大地震が各地の海溝で発 生する。特に2011年3月11日に発生した東北地 方太平洋沖地震(マグニチュード9)は、強い地震 動と巨大な津波によって東日本地域に甚大な地 震・津波災害をもたらした。このような海溝型巨 大地震の詳細な断層破壊過程を推定することや、 強震動・津波の生成メカニズムを考察すること、 そして得られた破壊過程モデルによる観測地震動 の再現性を検討することが重要な課題となってい る。これらは将来の海溝型巨大地震による地震動 や津波を評価するうえでの基盤ともなる。

我々はこれらの課題に取り組むために食い違い格子(図 1)を用いた時間領域差分法(Finite-

Difference Time Domain)による大規模地震波・津 波伝播シミュレーション手法の開発と応用を進め てきた[文献 1-3]。我々のプログラムには、不規則 な固体・流体境界(海水)や自由表面形状(地形) などの海溝型地震のシミュレーションで不可欠に なる要素を、我々が開発したスキーム[文献 4,5] によって取り入れている。

平成 29 年度には南西諸島の広域3次元構造モデ ルの構築と大規模地震波シミュレーションによる 妥当性の検討、東北沖の構造モデルに関する考察 としての波形再現性の検討や、地震動に大きい影 響を持つ層境界面形状の改良を検討する上で必要 な大規模シミュレーションなどを実施した。



図1 本研究で用い た食い違い格子の単 位セルと変数の配置 [文献 1-3]。Vi は速 度ベクトルの成分、 て_{ij} は応力テンソルの 成分を示す (i,j=x,y,z)。

3. 当拠点公募型共同研究として実施した意義

本課題では現実的な陸海統合3次元構造モデ ルのもとで、時間領域差分法を用いて近似によら ずに地震波伝播シミュレーションを実施する。周 期1-2 秒から数秒程度の短周期地震波を計算する ためには 100 m 程度以下の格子間隔で数百 km ス ケールの領域を離散化することから、数百億格子 点に達する大規模な格子サイズが必要となる。こ のレベルの大規模計算のためには東京大学情報基 盤センターおよび東京工業大学学術国際情報セン ターのスーパーコンピューターが不可欠であるこ とから、本課題ではこれらの拠点を利用させてい ただくこととした。東工大の TSUBAME-2.5 では GPU により加速されたプログラムを用いて 300 GPU (100 ノード) を超える資源を利用したシ ミュレーションを実施した。2017年8月に導入さ れた TSUBAME-3.0 でも 150 GPU の資源(38ノー ド)を利用したシミュレーションを実施した。ま

た東大の FX10 では 372 ノードの資源を利用した 大規模シミュレーションを実施した。

4. 前年度までに得られた研究成果の概要

これまでの研究で、差分法にもとづく大規模地 震波・津波統合シミュレーション手法の開発と、 海溝型巨大地震の研究への応用を進めてきた。前 年度は特に次の項目に取り組んだ。

[1] 南西諸島域の地球内部構造モデル この地域 の構造モデル(特に減衰構造)を検討するために、 大規模地震波シミュレーションを実施した。南西 諸島域から複数の領域を抽出し、3次元構造モデ ルにもとづくシミュレーションを東大 FX-10で実 行して計算結果の検討を進めた。

[2] 準デカルト座標系スキーム 広域の地震波伝 播シミュレーションを目的として、既存のデカル ト座標系用のプログラムにわずかな追加を施すこ とにより曲率の効果を導入できる「準デカルト座 標系スキーム」の研究を進めた。昨年度は東大 FX-10を利用したシミュレーションにもとづいた結果 を論文として出版した[文献 6]。

[3] 九州西方沖地震活動の解析 本課題のテーマ に関連して、2016年4月の熊本地震活動と相前後 して発生した九州西方沖地震活動の研究を実施し た。この項目では東工大 TSUBAME-2.5 を用いた 大規模シミュレーションによってグリーンテンソ ル波形を計算し波形再現性を検討した。その結果、 現状の3次元構造モデルを用いた場合、周期10秒 程度以上の長周期では計算波形による観測波形の 再現性が良いことを確認できた。この成果は<u>論文</u> として出版した[文献7]。

[4] 東北沖構造モデルの改良 多数の大規模地震 波シミュレーションにより摂動カーネルを作成し て、東北沖の地球内部構造モデルを改良するため の逆問題解析の検討を進めた。

5. **今年度の研究成果の詳細**

本課題のテーマの一つは、南西諸島域を対象と した広域の地球内部構造モデルを構築し、大規模 シミュレーションによる地震波(強震動)再現性 学際大規模情報基盤共同利用·共同研究拠点 平成 29 年度共同研究 最終報告書 2018 年 5 月

の検討を通して構造モデルの妥当性を考察するこ とである。もう一つのテーマは、東北沖の日本海 溝を対象領域として、地震波波形の再現性や構造 モデル改良について考察することである。これら について下記の研究を進めた。

[1] 先島諸島域の大規模シミュレーション(§ 5.1.1) 南西諸島域のうち、先島諸島を対象とし た暫定構造モデルを作成し、大規模地震波シミュ レーションを実施して観測波形と計算波形との比 較検討を行った。[中間報告書で報告済み]

[2] 奄美群島-沖縄諸島域の大規模シミュレーシ ョン(§5.1.2) 南西諸島域のうち、奄美群島-沖縄諸島域を対象とした構造モデルを作成し、大 規模地震波シミュレーションによるスナップショ



図2 奄美群島-沖縄諸島域のシミュレーション範囲。 赤線で囲まれた領域が計算領域。黄色い星印は対象地 震の震央、黄色い三角は地震波観測点をそれぞれ示す。



図3 3次元地球内部構造モデルの断面の例。震源を通 る南北方向(Nが北、Sが南)の鉛直断面のP波速度を 描いたもの。黄色い星印は震源位置、青い領域は海水 層を表す。 ットを用いた波動伝播の考察や、観測波形と計算 波形との比較検討を行った。[中間報告以降の成果] [3] 東北沖の浅い地震のFAMT 解析(§5.2.1) 東 北沖の日本海溝で発生した小地震を対象として、 観測地震波波形を計算波形がどの程度に再現でき るかを検討した。さらに地震の震源位置と構造モ デルとの整合性等を検討した。この成果は論文と して投稿した(Okamoto et al. *EPS*, submitted.) [中 間報告から継続した成果]

[4] 東北沖の構造モデル改良のための計算(§5.4) 観測波形と計算波形の一致度を高めるためには構 造モデルを改良する必要がある。今年度はとくに 境界面形状の摂動に関する波形感度を検討するた めの大規模計算を実施した。[中間報告以降の成果]

格子サイズ	4001×4501×501
格子間隔	0.1 km× 0.1 km×0.1 km
領域サイズ	400 km×450 km×50 km
時間ステップ数	16001
時間間隔	0.005 s
非弹性要素数	3
ノード数	372
プロセス数	744
スレッド数	8
計算時間	2.56 h

表1 奄美群島-沖縄諸島域シミュレーション(図1)に用 いた差分法計算(HOT-FDM)のパラメータと計算時間。計 算には東大 FX-10を利用した。

緯度	26.4422°
経度	129.0337°
深さ	15 km
地震モーメント	1.39×10 ¹⁸ Nm
震源パルス幅	3.548 s
モーメントテンソル	F-net 解

表2 奄美群島-沖縄諸島域シミュレーション(図1)に用 いた震源パラメータ。

5.1. 南西諸島域の大規模シミュレーション

島嶼地域は海洋に囲まれていることから技術 的な面で強震動予測が立ち遅れている部分がある。 そこで本課題ではこれまで継続して、南西諸島域 を主な対象とした3次元構造モデルと、地震波・



40.000 s





70.000 s

80.000 s



図 4 奄美群島 - 沖縄諸島にかけての地震波シミュレーションによる、陸上及び海底を伝播する地震波のスナップショット。星印は震央、標高(陸上及び海底地形)の等値線を黒線で示した。図示したのは上下動速度成分であり、海域では海底での地動速度を示す。地震発生後 10 秒後から 80 秒後まで、10 秒おきのスナップショットを示した。

津波シミュレーション手法の研究を進めてきた。 これらは、地震動の再現性や津波発生・伝播の研 究を進めるうえで重要な基盤となるものである。

5.1.1 先島諸島を対象としたシミュレーション

今年度前半では先島諸島を対象とした3次元速 度構造モデルを作成し、地震波伝播の大規模シミ ュレーションを実施した。そして観測波形と計算 波形を比較することにより、構造モデルの妥当性 や震源からの距離による波形の変化等を検討した。 (中間報告書で報告済みのため詳細は割愛する。)

60.000 s

5.2.2 奄美群島-沖縄諸島域のシミュレーション

今年度後半は、南西諸島域のうち奄美群島-沖 縄諸島域を対象とした広域の3次元構造モデルを 作成し、大規模地震波シミュレーションを実施し て、スナップショットを用いた波動伝播の考察や、 観測波形と計算波形との比較検討を行った。 このモデルは図1に示した領域について、陸上 地形(国土地理院 250 m メッシュデータ)と海底 地形(JTOPO30v2 [文献 8])とを用いて地形を設 定し、J-SHIS 地盤モデル V2 [文献 9]と地盤探査 結果とを用いて地盤構造を設定した。さらに OBS 探査の結果をもとにして地殻構造を設定した。ま た、減衰構造トモグラフィの結果[文献 10]などを 踏まえて3次元非弾性減衰モデルを導入した。こ のように、我々が設定した構造モデルは地形・海 水層や3次元減衰構造を含めたものである(図 3)。

このシミュレーションの計算パラメータは表 1 に示した。シミュレーションは、我々が開発した スキームによる差分法 (HOT-FDM [文献 3])を用 いて、東京大学情報基盤センターの FX10 で MPI と openMP とを用いた並列計算により実施した。

計算結果と比較するための対象として、2004年 7月22日18時45分に発生した地震(MJMA6.1) を用いた。この地震による地震動をシミュレート するための震源パラメータを表2に示す。なお震 央(緯度・経度)は気象庁決定値を採用したが、震 源が3次元構造モデルの沈み込むフィリピン海プ レート内に入るように、深さを気象庁決定値の 33.51 km から15 km に変更した。

このシミュレーションによって計算した波動 場のスナップショットを図4に示す。琉球海溝の 深い海底(海水)から陸地(固体)へと、地形と構 造が急変するのに応じて、波動場の伝播に非等方 性が現れていることがわかる。さらに地震波が伝 播する途中の、沖縄本島南東側で波の伝播が急激 に遅くなっていることが観察される(50秒後のス ナップショットの破線楕円の部分)。これは、表層 の厚い堆積物層の影響であると考えられる。

次に、得られた計算波形と実際の観測波形との 比較例を図5に示す。浅い構造の影響を検討する ために、この比較ではやや短周期側(周期4-10秒) のバンドパスフィルターをかけた。AMAMIO、 KIKAIJ、TOKUNO、KGS034 などのいくつかの観 測点の上下動成分(UD)では、観測波形に現れて いる主要なパケットの到来時間と振幅が、ある程 度は計算波形によって再現できている。水平成分 でもいくつか再現性の良い観測点は見出される。 つまり今回仮定した構造モデルによって、これら の観測されたパケットの群速度をある程度まで再 現できることを示す。しかし各波形の位相(波の 山谷)までを再現するのは現時点では難しいこと も、波形の比較からわかる。また、沖縄本島の観 測点(OKN003~OKN005)では観測波形の短周期 成分が弱くなって長周期側の振動が卓越している が、計算波形ではその特徴が再現できていない。 これは沖縄本島および周辺の堆積物層の減衰構造 を改良する(減衰を強くする)必要があることを 示唆している。今回の大規模シミュレーションで 見出されたこれらの点を今後さらに検討していく 必要がある。

5.2 東北沖の構造モデルの検討

5.2.1 東北沖の浅い地震の FAMT 解析

地震の断層すべり量分布は、断層周辺の応力や 強度・物性などを反映した重要な情報である。そ の推定には地震波波形データが一般に用いられる。 しかし海域の地震解析では観測点分布に大きな偏 りがあり、しかも地震波速度の遅い海水層や厚い 堆積物層などの不均質構造の影響が波形に強く現 れることが知られている[文献 11, 12]。

そこで我々は FAMT (First-motion Augmented Moment Tensor) 解析を提案した [文献 7]。FAMT 解析では長周期フィルターをかけた全体波形に加 えて、実体波から得られる情報を強化するために、 短周期フィルターをかけた初動部分のみの波形も 追加する。この2種類のデータのもとで逆問題を 解いてモーメントテンソルと震源時間関数を求め る。さらに時空間格子探索により、発震時補正と 最適震源位置も推定する。このようにして最適震 源パラメータを決定したうえで、構造モデルの妥 当性を、波形の再現性を通して考察する。

今年度は、2011 年東北地方太平洋沖地震(M9) の震源域である東北沖で発生した 2 個の小地震に FAMT 解析を適用し、学会発表(岡元・他、地震 学会、2017)と論文投稿を行った(Okamoto et al., *EPS*, submitted)。ここではその概要を紹介する。



図5 図1に示した14 観測点(北から AMAMI0~OKN005)での3成分観測波形(地動速度)と、対応する計算波 形の比較。黒色が観測波形、赤色が計算波形であり、NS:南北動成分、EW:東西動成分、UD:上下動成分、をそれぞれ 示す。波形には周期4-10秒のバンドパスフィルタをかけた。

まず解析に用いるグリーンテンソル波形は、東 工大 TSUBAME-2.5 の 300 GPU (100 ノード、格子 サイズ 4800×3200×940)、および TSUBAME-3.0 の 150 GPU (38 ノード、格子サイズ 4800×3200× 1160)をそれぞれ用いた大規模シミュレーション により生成した。これらのグリーンテンソル波形 を用いた FAMT 解析による最適震源位置は、2 つ の地震でどちらもプレート境界近傍に定まった。 この位置は、これらの地震のプレート境界型発震 機構と調和する。一方、長周期データのみを用い た他の解析結果(GCMT 解、JMA-CMT 解、F-net 解等)では、震源位置はプレート境界から離れた 場所に推定された。この結果は、3次元構造モデル の中で自己無矛盾な震源推定値を得るためには FAMT 解析のような手法が必要になることを示す。

そして計算波形の再現性を検討するために、こ の FAMT 解析によって得られた最適震源パラメー タを用いて理論波形を生成し、複数の周期帯につ いて観測波形と比較した。その結果、現状の構造 モデルのもとでは、波形全体で振幅と位相とを再 現できるのは周期 10 秒程度以上であると結論で きた。これは九州西方海域の地震解析結果[文献7] と同様の結果である。この結果から、短周期(≦ 10 秒)波形の再現性を高めるためには構造モデル の改良が必要であることが確認された。

5.2.2 東北沖の構造モデル改良のための計算

上述の解析結果を受けて、構造モデルを系統的 に改良する手法の検討も進めた。本研究ではアジ ョイントの方法[文献 13]によって、モデルパラメ ータの摂動に関する波形の感度を表す積分カーネ ル(Fréchet 微分)を計算する。この方法では、地 震の震源から伝播するフォワード波動場と、観測 点に力源を置いたときのアジョイント波動場の両 方をシミュレーションによって計算する。

今年度は境界面形状の摂動に関する感度カー ネルを求めるために、TSUBAME-3.0 の 150 GPU

(38ノード、格子サイズ 4800×3200×1160、格子間 隔 0.15 km)を用いる大規模シミュレーションを実 施した(フォワード波動場×1、アジョイント波動 場×3)。この積分カーネルを求めるためには構造 境界面近傍の波動場データを必要とすることから、 対象領域を限定した上でその領域内のすべての格 子点の波動場変数を出力した。これらの出力結果 にもとづいて感度カーネルに関する考察を継続す る予定である。 6. 今年度の進捗状況と今後の展望

[1] 南西諸島域のシミュレーション(§5.1)

南西諸島域を先島諸島周辺と奄美群島 - 沖縄 諸島域周辺の二つの地域に分けて、地盤探査結果 や減衰構造トモグラフィーの結果も踏まえて、地 形や海水層を含めた3次元地球内部構造モデルを 作成した。そして、今年度前半に先島諸島地域を (§5.1.1)、後半に奄美群島-沖縄諸島域地域を (§5.1.2)、それぞれ対象とした大規模地震波伝播 シミュレーションを実施した。その結果を検討し、 設定した構造モデルのもとでの波動伝播状況の特 徴や波形再現性についての知見を得ることができ た。今後は微動探査結果などをもとにして地盤構 造の改善をさらに進めて、波形再現性の向上につ ながるかの検討を継続する。

[2] 東北沖の浅い地震の FAMT 解析 (§5.2)

東北沖の日本海溝で発生した2つの小地震(M ~6)を対象としてTSUBAME-2.5 での大規模地震 波伝播シミュレーションを多数回実施した。そし て構造モデル改良の前段階として、FAMT 解析を 用いて観測地震波波形の特徴を計算波形が再現で きるかどうかを検討した。その結果、現状の構造 モデルでは周期 10 秒程度以下では観測波形の特 徴に関する再現性が低下することを確認した。こ れらの成果は<u>論文として投稿した(Okamoto et al.,</u> EPS, submitted)。また、構造モデルを改変した場合 の波形への効果を表す感度カーネルを生成するた めの大規模シミュレーションも実施した。

なお東大 FX10 では配分資源のほぼ全て(97%) を消費するなど、全体としておおむね順調に研究 が進展した。

7. 研究成果リスト

(1) 学術論文

<u>Taro Okamoto</u>, <u>Hiroshi Takenaka</u>, <u>Takeshi Nakamura</u>, Evaluation of accuracy of synthetic waveforms for subduction-zone earthquakes by using a land-ocean unified 3D structure model, *Earth, Planets and Space*, submitted. (投稿中) (2) 国際会議プロシーディングス該当なし。

(3) 国際会議発表

該当なし。

(4) 国内会議発表

- <u>岡元太郎</u>・<u>竹中博士</u>・<u>中村武史</u>、陸海統合 3 次元 構造モデルにもとづく日本海溝の浅い地震の FAMT 解析、日本地震学会 2017 年度秋季大会、 S01-P05、かごしま県民交流センター(鹿児島 市)、2017 年 10 月 26 日
- 岡元太郎、竹中博士、中村武史、東北沖の陸海統 合3次元構造モデルに基づくアジョイントカ ーネルの計算と波形インバージョンによる構 造モデル改良の考察、日本地球惑星科学連合 2018年大会、SSS10-P13、幕張メッセ国際会議 場・国際展示場(千葉市)、2018年5月24日 (発表予定)

(5) その他(特許, プレス発表, 著書等) 該当なし。

参考文献

- [1] Okamoto, T., H. Takenaka, T. Nakamura, and T. Aoki, Accelerating Large-Scale Simulation of Seismic Wave Propagation by Multi-GPUs and Three-Dimensional Domain Decomposition, *Earth, Planets and Space*, 62, 939-942, 2010.
- [2] Okamoto, T., H. Takenaka, T. Nakamura, and T. Aoki, Accelerating Large-Scale Simulation of Seismic Wave Propagation by Multi-GPUs and Three-Dimensional Domain Decomposition, in *GPU Solutions to Multiscale Problems in Science and Engineering*, D. A. Yuen et al. (eds.), Chapter 24, DOI:10.1007/978-3-642-16405-7_23, Springer-Verlag Berlin Heidelberg, 2013.
- [3] Nakamura, T., H. Takenaka, T. Okamoto, and Y. Kaneda, FDM Simulation of Seismic-Wave Propagation for an Aftershock of the 2009 Suruga Bay Earth-quake: Effects of Ocean-Bottom Topography and Seawater Layer, *Bulletin of the Seismological Society of America*, **102**, No. 6, 2420-2435, doi: 10.1785/0120110356, 2012.

- [4] 岡元太郎・竹中博士,速度・応力型差分法での固 体・流体境界の扱いについて,地震,第2輯,57, 355-364,2005.
- [5] 中村武史・竹中博士・岡元太郎・金田義行,流体 -固体境界周辺における3次元地震波動場の差分 解法に関する数値実験,地震(第2輯),63,189-196,2011.
- [6] Hiroshi Takenaka, Masanao Komatsu, Genti Toyokuni, Takeshi Nakamura, and Taro Okamoto, Quasi-Cartesian finite-difference computation of seismic wave propagation for a three-dimensional sub-global model, *Earth, Planets and Space*, **69**:67, doi:10.1186/ s40623-017-0651-1, 2017.
- [7] Taro Okamoto, Hiroshi Takenaka, Takeshi Nakamura, and Tatsuhiko Hara, FDM Simulation of The 2016 West Off Kyushu, Japan, Earthquakes by Using Land-Ocean Unified 3D Structure Model, *Earth, Planets and Space*, **69**:88, doi:10.1186/s40623-017-0672-9, 2017.
- [8] JTOPO30v2-日本近海 30 秒グリッド水深データ第 二版,海洋情報研究センター, 2011.
- [9] Fujiwara H., Kawai S., Aoi S., Morikawa N., Senna H., AZUMA H., Ooi M., Hao K. X.-S., Hasegawa N., Maeda T., Iwaki A., Wakamatsu K., Imoto M., Okumura T., Matsuyama H., Narita A., A study on subsurface structure model for deep sedimentary layers of Japan for strong-motion evaluation, *Technical Note* of the National Research Institute for Earth Science and Disaster Prevention, No.379, 2012.
- [10] 小松正直・竹中博士,南西諸島における三次元 地震波減衰トモグラフィ,日本地震学会2015年 秋季大会,S06-07,2015年10月28日(神戸国際 会議場、神戸市).
- [11] Taro Okamoto, Full waveform moment tensor inversion by reciprocal finite difference Green's function, *Earth Planets and Space*, 54, 715-720, 2002.
- [12] Takeshi Nakamura, Hiroshi Takenaka, Taro Okamoto, Michihiro Ohori, and Seiji Tsuboi, Long-period oceanbottom motions in the source areas of large subduction earthquakes, *Scientific Reports*, 5:16648, doi:10.1038/ srep16648, 2015.
- [13] Toshiro Tanimoto and Taro Okamoto, 2014. The Millikan shaking experiments and high-frequency seismic wave propagation in Southern California, *Geophysical Journal International*, **198**, 1081-1095, doi:10.1093/gji/ggu189.